

Teoría de juegos / Tópicos de...

1.- Con qué se van a encontrar acá

Juan Pablo Pinasco (jpinasco@dm.uba.ar)

Departamento de Matemática e IMAS,
FCEyN, UBA - CONICET

Parte I

Cómo se aprueba?

La materia es autocontenida, se necesitan nociones básicas de probabilidad, y herramientas del primer año de la carrera (álgebra lineal, inducción, gradiente, sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden).

La materia es autocontenida, se necesitan nociones básicas de probabilidad, y herramientas del primer año de la carrera (álgebra lineal, inducción, gradiente, sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden).

Vamos a ver los teoremas con sus demostraciones, demostrando lo que usamos.

La materia es autocontenida, se necesitan nociones básicas de probabilidad, y herramientas del primer año de la carrera (álgebra lineal, inducción, gradiente, sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden).

Vamos a ver los teoremas con sus demostraciones, demostrando lo que usamos.

Pre-requisitos:

La materia es autocontenida, se necesitan nociones básicas de probabilidad, y herramientas del primer año de la carrera (álgebra lineal, inducción, gradiente, sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden).

Vamos a ver los teoremas con sus demostraciones, demostrando lo que usamos.

Pre-requisitos:

Ejemplo en el pizarrón

Pre-requisitos II:

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

-bajen si no saben qué es una función continua

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

-bajen si no saben qué es una función continua

-bajen si no saben qué es una función semicontinua inferiormente

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

-bajen si no saben qué es una función continua

-bajen si no saben qué es una función semicontinua inferiormente

-bajen si no saben qué es una función multivaluada

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

-bajen si no saben qué es una función continua

-bajen si no saben qué es una función semicontinua inferiormente

-bajen si no saben qué es una función multivaluada

-bajen si no saben qué es una función multivaluada semicontinua inferiormente

Pre-requisitos II:

Ejemplo: levanten todos la mano

-bajen si no saben qué es una función continua

-bajen si no saben qué es una función semicontinua inferiormente

-bajen si no saben qué es una función multivaluada

-bajen si no saben qué es una función multivaluada semicontinua inferiormente

-bajen si no se animan a explicarlo

Necesitamos hacer inducción, repaso:

Para todo $n \in \mathbb{N}$, $2^n = 2^0 + 2^1 + \cdots + 2^{n-1} + 1$

Necesitamos hacer inducción, repaso:

Para todo $n \in \mathbb{N}$, $2^n = 2^0 + 2^1 + \cdots + 2^{n-1} + 1$

Dem:

- $n = 0$ (ó $n = 1$):

$$2^0 = 1$$

$$2^1 = 2 = 2^0 + 1.$$

Necesitamos hacer inducción, repaso:

Para todo $n \in \mathbb{N}$, $2^n = 2^0 + 2^1 + \dots + 2^{n-1} + 1$

Dem:

- $n = 0$ (ó $n = 1$):

$$2^0 = 1$$

$$2^1 = 2 = 2^0 + 1.$$

- vale para n , vale para $n + 1$:

$$2^{n+1} = 2 \cdot 2^n = 2 \cdot (2^0 + 2^1 + \dots + 2^{n-1} + 1)$$

$$2 \cdot (1 + \sum_{j=0}^{n-1} 2^j) = 1 + 1 + \sum_{j=1}^n 2^j = 1 + \sum_{j=0}^n 2^j$$

TPs+ Final

-Participación y trabajitos en cada clase.

-Participación y trabajitos en cada clase.

Warren Buffet/Charles Munger: It is remarkable how much long-term advantage people like us have gotten by trying to be consistently not stupid, instead of trying to be very intelligent.

-Participación y trabajitos en cada clase.

Warren Buffet/Charles Munger: It is remarkable how much long-term advantage people like us have gotten by trying to be consistently not stupid, instead of trying to be very intelligent.

- Pregunten si no entienden algo o si quieren saber algo más.
- Respondan si pregunto algo.
- Comenten o digan algo si tienen ganas

-Participación y trabajitos en cada clase.

Warren Buffet/Charles Munger: It is remarkable how much long-term advantage people like us have gotten by trying to be consistently not stupid, instead of trying to be very intelligent.

- Pregunten si no entienden algo o si quieren saber algo más.
- Respondan si pregunto algo.
- Comenten o digan algo si tienen ganas

- Pregunten/respondan/comenten cuando les diga que pregunten/respondan/comenten.

-Participación y trabajitos en cada clase.

Warren Buffet/Charles Munger: It is remarkable how much long-term advantage people like us have gotten by trying to be consistently not stupid, instead of trying to be very intelligent.

- Pregunten si no entienden algo o si quieren saber algo más.
- Respondan si pregunto algo.
- Comenten o digan algo si tienen ganas

- Pregunten/respondan/comenten cuando les diga que pregunten/respondan/comenten.

Ejercicio:

Manden un mail a jpinasco@gmail.com incluyendo: nombre, carrera, y si es de grado o de posgrado. Durante la clase se van a formar grupos, y un responsable tiene que mandar la solución por todos (incluyendo los nombres de los integrantes del grupo).

-TdeJ: un parcial

-Tópicos de TdeJ: un parcial - Opcional: contar algo en una clase.

-TdeJ: un parcial

-Tópicos de TdeJ: un parcial - Opcional: contar algo en una clase.

Fecha: 2-3 semanas después del primer parcial, en el horario de la materia, unas 3 hs.

-Final:

- leer un trabajo original, o un capítulo de un libro,

-Final:

- leer un trabajo original, o un capítulo de un libro,
- redactar un breve informe/ppt,

-Final:

- leer un trabajo original, o un capítulo de un libro,
- redactar un breve informe/ppt,
- y exponerlo ($\sim 45'$).

-Final:

- leer un trabajo original, o un capítulo de un libro,
- redactar un breve informe/ppt,
- y exponerlo ($\sim 45'$).

En el campus/página hay bibliografía para preparar el final.

También hay muchos papers buenísimos, si encuentran alguno interesante primero me consultan.

Objetivos

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Objetivos

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Yo también tengo los míos para darla:

Objetivos

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Yo también tengo los míos para darla:

- presentar la evolución de las ideas de tdej, inter-relaciones, áreas que impacta, áreas que la alimentan (enfoque sistémico)

Objetivos

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Yo también tengo los míos para darla:

- presentar la evolución de las ideas de tdej, inter-relaciones, áreas que impacta, áreas que la alimentan (enfoque sistémico)
- es una herramienta: aplicaciones fuera de TdeJ (¿dónde podrán usarla ustedes?)

Objetivos

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Yo también tengo los míos para darla:

- presentar la evolución de las ideas de tdej, inter-relaciones, áreas que impacta, áreas que la alimentan (enfoque sistémico)
- es una herramienta: aplicaciones fuera de TdeJ (¿dónde podrán usarla ustedes?)
- mindset 'adversarial' (a diferencia de la teoría de control)

Cada uno sabrá qué objetivos tiene para cursar la materia (sumar puntos/horas de optativas, hacerse una idea de qué es teoría de juegos)

Yo también tengo los míos para darla:

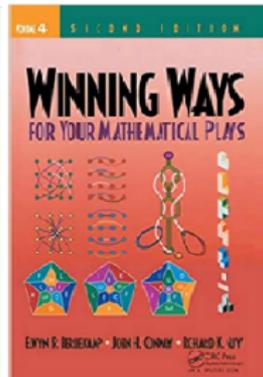
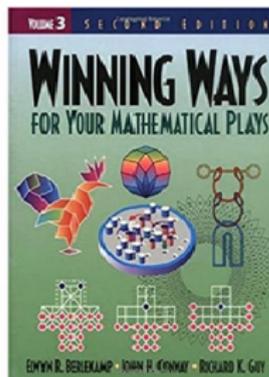
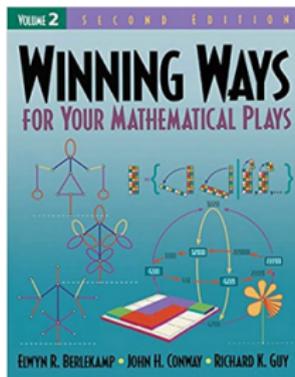
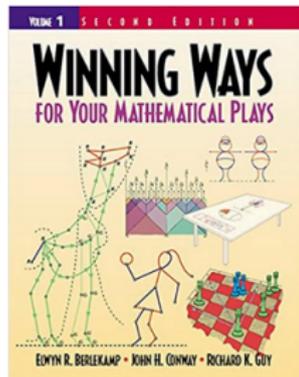
- presentar la evolución de las ideas de tdej, inter-relaciones, áreas que impacta, áreas que la alimentan (enfoque sistémico)
- es una herramienta: aplicaciones fuera de TdeJ (¿dónde podrán usarla ustedes?)
- mindset 'adversarial' (a diferencia de la teoría de control)
- diseño de mecanismos (gaming the system)

Parte II

Y qué vamos a ver en la materia?

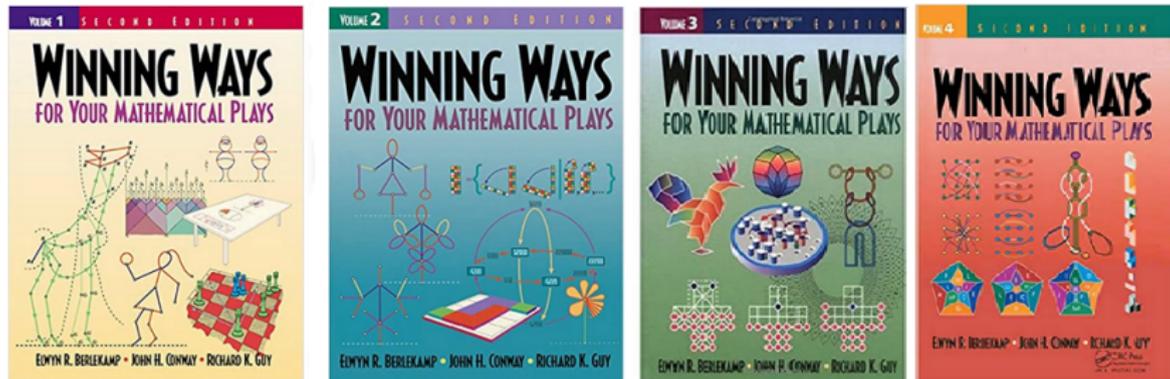
Primera parte: Juegos combinatorios:

Los juegos que le gustan a la gente los nerds. Generalizan Algebra 1, tocan temas de Combinatoria, Automatas, Grafos, Lógica, Teoría de Códigos, Algoritmos, Inteligencia Artificial, etc.



Primera parte: Juegos combinatorios:

Los juegos que le gustan a la gente los nerds. Generalizan Algebra 1, tocan temas de Combinatoria, Autómatas, Grafos, Lógica, Teoría de Códigos, Algoritmos, Inteligencia Artificial, etc.



Incluyen al ajedrez y al go, pero no el backgammon (por los dados, hay azar), ni el truco/poker (no sabemos las cartas del rival, información incompleta).

Historia:

- Roland Sprague 1935 y Patrick Grundy 1939, juegos combinatorios.
- Ernst Zermelo 1912, ajedrez.
- Charles Bouton 1902, Nim.
 - Emanuel Lasker 1907, *Kampf*.

Historia:

- Roland Sprague 1935 y Patrick Grundy 1939, juegos combinatorios.
- Ernst Zermelo 1912, ajedrez.
- Charles Bouton 1902, Nim.
 - Emanuel Lasker 1907, *Kampf*.

Son el núcleo de la *Teoría de juegos combinatorios*: próximas 3-4 clases.

Segunda parte: clásicos, suma cero y no cooperativos, 4-5 clases

Los juegos que le gustan a la gente los economistas. Usan matemáticas en serio: álgebra lineal, análisis funcional, teoremas de punto fijo, probabilidades, ecuaciones diferenciales, topología.

approximation to the boundary of S , for example,

$$S(\delta) = \{s \in S; \prod_{a_i \in A_i} s_i(a_i) \geq \delta \text{ all } i\}. \quad (2.19)$$

Then the Euler characteristic of $S(\delta)$ is equal to 1 and, for fixed ε , if δ is sufficiently small, f^ε points outward at the boundary of $S(\delta)$. To summarize, we have shown:

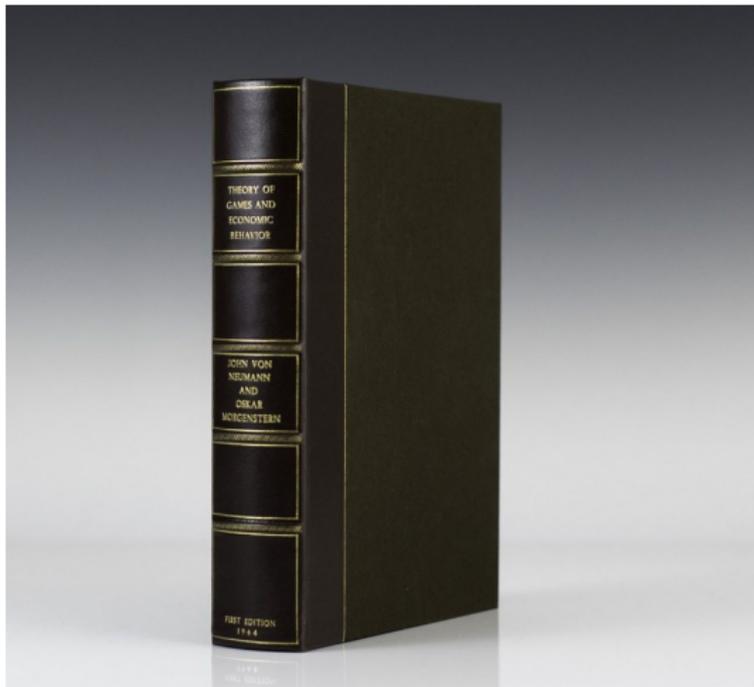
Theorem 5 (*Harsanyi (1973a), Wilson (1971), Rosenmüller (1971)*). *Generic strategic form games have an odd number of equilibria.*

Ritzberger notes that actually we can say a little more. Recall that the index of a zero s of f is defined as the sign of the determinant $|\partial f(s)|$. By the Poincaré-Hopf Theorem and the continuity of the determinant

$$\sum_{s \in E(f)} \text{sgn}|\partial f(s)| = 1. \quad (2.20)$$

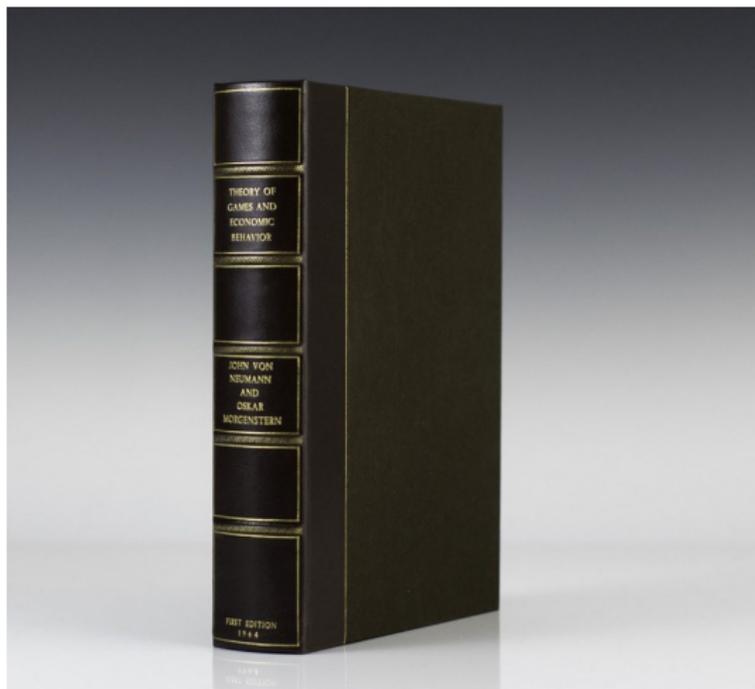
It is easily seen that the index of a pure equilibrium is $+1$. Hence, if there are l pure equilibria, there must be at least $l - 1$ equilibria with index -1 , and these must be mixed. This latter result was also established in Gul et al. (1993). In this paper, the

El acta de nacimiento de TdeJ



John von Neumann - Oskar Morgenstern, 1944

El acta de nacimiento de TdeJ



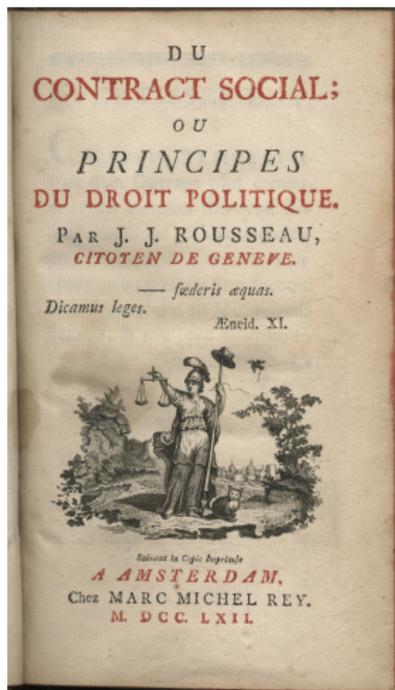
John von Neumann - Oskar Morgenstern, 1944

Teorema minimax, demostrado por J von Neumann, en un modelo para el poker, de 1928.

Lo introduce Emile Borel \sim 1924, también para el poker, pero conjetura que es falso (!)

Mucho antes

Stag hunt:



	Ciervo	Frutas
Ciervo	5, 5	0, 1
Frutas	1, 0	1, 1

Dos cazadores se esconden para atrapar un ciervo. Si los dos colaboran, tienen comida para cinco días.

También podrían irse y recolectar frutas, con lo cual consiguen comida para ese día.

Pero si se va uno solo, el otro perdería el día esperando y no conseguiría comida.

Y cien años antes de eso



El origen del contrato o pacto social, la creación de un gobierno para garantizar la paz entre los ciudadanos (1651).

Están dispuestos a sacrificar libertades para evitar una guerra civil. Describe los tres tipos de gobierno (monarquía, aristocracia y democracia), prefiere la primera, sin separación de poderes.

Y cien años antes de eso



El origen del contrato o pacto social, la creación de un gobierno para garantizar la paz entre los ciudadanos (1651).

Están dispuestos a sacrificar libertades para evitar una guerra civil. Describe los tres tipos de gobierno (monarquía, aristocracia y democracia), prefiere la primera, sin separación de poderes.

Casi cuatrocientos años después:

<https://arxiv.org/html/2406.14373v2>

No cooperativos: Nash, Nobel de economía, 1994

Una mente brillante

<https://www.youtube.com/watch?v=AKJD1MolZBg>

Todo mal! No es lo que dice Nash.

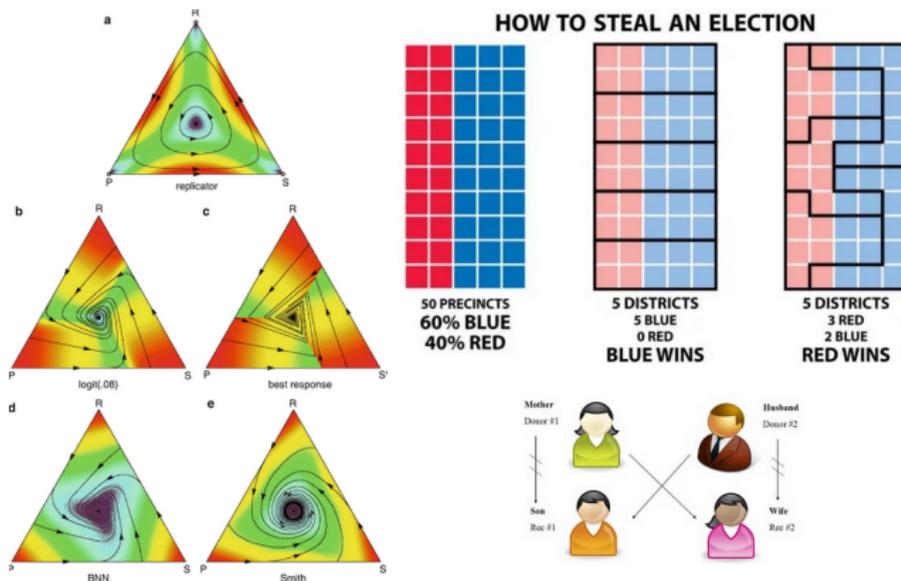
Equilibrio de Nash:

A ningún jugador le conviene -unilateralmente- cambiar lo que está jugando.

[Ojo: sí es posible que a dos o más jugadores les convenga cambiar]

Las ideas llevan directamente a problemas que hoy consideramos Optimización, Investigación Operativa, Optimización Combinatoria, etc.

3.- Tercera parte: diseño de mecanismos, resto de la materia



Ahora sí los juegos que le gustan a la gente! Buscar sexo pareja, traficar donar órganos, rápidos y furiosos congestiones de tráfico, arreglar el fixture de competiciones, encontrar trampas argumentos legales, corromper sistemas electorales, etc.

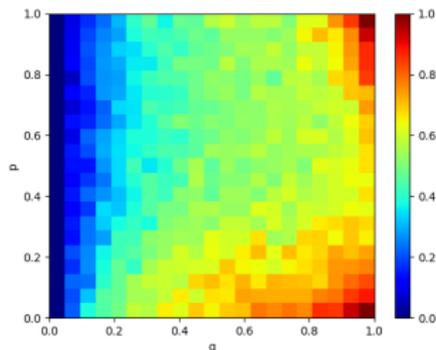
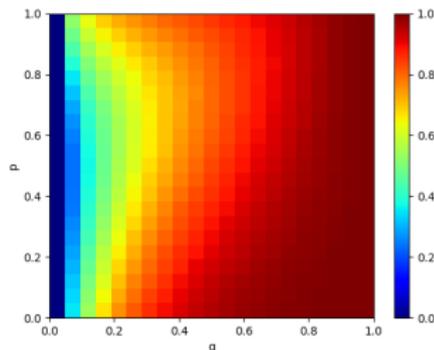
Dilema del Prisionero

No vamos a hablar del Dilema del Prisionero.

Dilema del Prisionero

No vamos a hablar del Dilema del Prisionero.

Bueno, sí vamos a hablar, pero en relación a juegos repetidos y juegos en redes, cuando interactuás con tus vecinos una y otra vez, tratando de aprender, o respondiendo a lo que hacen en tu entorno.



Vickrey, Nobel de Economía 1996; Wilson y Milgrom, 2020

La teoría de subastas está en constante desarrollo:



Figura : Milgrom y Wilson, Nobel de Economía 2020

Vickrey, Nobel de Economía 1996; Wilson y Milgrom, 2020

La teoría de subastas está en constante desarrollo:



El típico rematador con el mazo de las películas parecía que iba a ser reemplazado por las subastas en internet, pero resultaron ser muy diferentes las estrategias de los oferentes!

Figura : Milgrom y Wilson, Nobel de Economía 2020

Vickrey, Nobel de Economía 1996; Wilson y Milgrom, 2020

La teoría de subastas está en constante desarrollo:



El típico rematador con el mazo de las películas parecía que iba a ser reemplazado por las subastas en internet, pero resultaron ser muy diferentes las estrategias de los oferentes!

El 2020 fue ideal para realizar subastas importantes usando mecanismos de smart contracts y tecnología blockchain (spoiler: resultaron ser muy diferentes las estrategias de los oferentes!)

Figura : Milgrom y Wilson, Nobel de Economía 2020

Vickrey, Nobel de Economía 1996; Wilson y Milgrom, 2020

La teoría de subastas está en constante desarrollo:



El típico rematador con el mazo de las películas parecía que iba a ser reemplazado por las subastas en internet, pero resultaron ser muy diferentes las estrategias de los oferentes!

El 2020 fue ideal para realizar subastas importantes usando mecanismos de smart contracts y tecnología blockchain (spoiler: resultaron ser muy diferentes las estrategias de los oferentes!)

En fin, trataremos de describir las clases típicas de subastas, sus equilibrios, y el Revenue Equivalence Theorem.

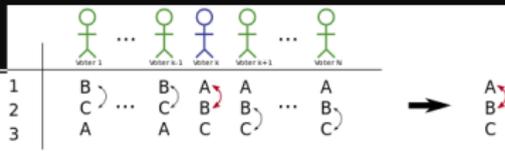
Figura : Milgrom y Wilson, Nobel de Economía 2020

Kenneth Arrow, Nobel de economía 1972



One way of looking at Impossibility Theorem is that we proposed some criteria for what a good system should be: what is it you want from a voting system, and impose some conditions. And then ask: can you have a voting system that guarantees that?

— Kenneth Arrow —



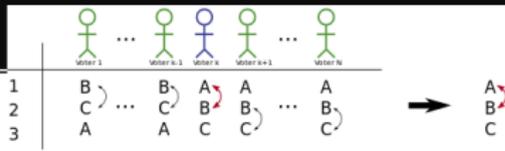
Elección social: podría pedirles que voten en qué orden prefieren ver los temas anteriores, pero Arrow dice que no hay ningún mecanismo razonable...

Kenneth Arrow, Nobel de economía 1972



One way of looking at Impossibility Theorem is that we proposed some criteria for what a good system should be: what is it you want from a voting system, and impose some conditions. And then ask: can you have a voting system that guarantees that?

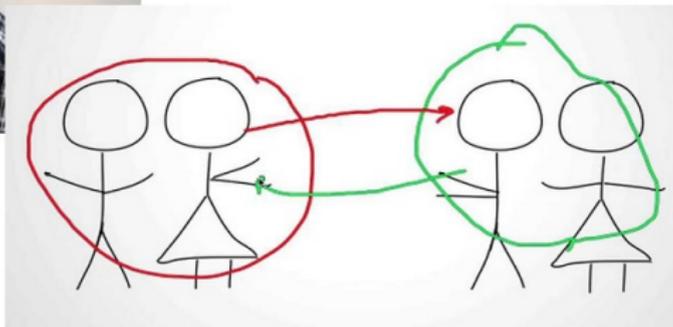
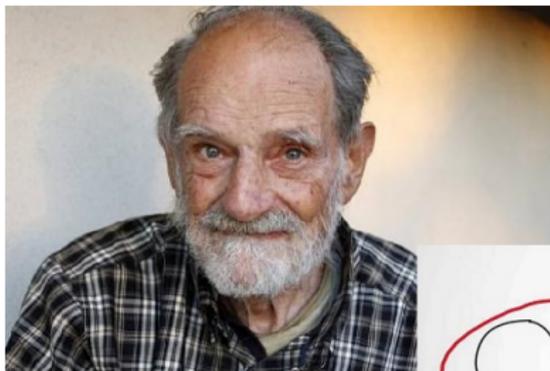
— Kenneth Arrow —



Elección social: podría pedirles que voten en qué orden prefieren ver los temas anteriores, pero Arrow dice que no hay ningún mecanismo razonable...

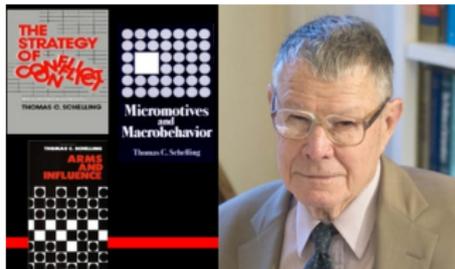
Vamos a ver la demostración de Arrow y algunos extras.

Lloyd Shapley, Nobel de economía 2012

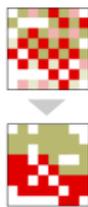
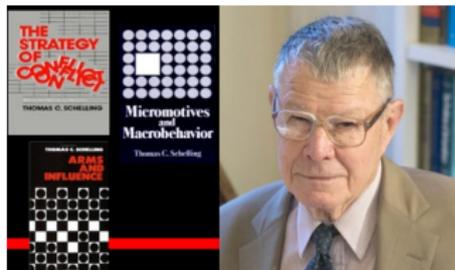


Matching, uno de mis temas favoritos: sí hay mecanismos para formar parejas.

Thomas Schelling, Nobel de economía 2005

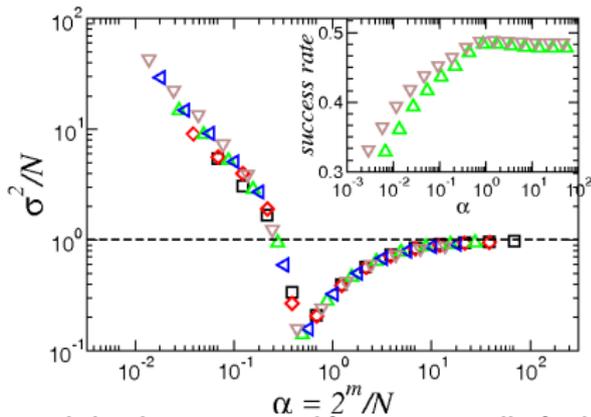


Thomas Schelling, Nobel de economía 2005



En los '60 Schelling introdujo la idea de *micro-motivos* que inducen *macro-comportamientos*. Una de sus ideas geniales fue realizar simulaciones con agentes para entender qué pasaba.

¿Cómo entiende la teoría de juegos un físico? En la física estadística, las reglas microscópicas generan patrones macroscópicos, así que le pegan a problemas de mercados, dinámica de opinión, segregación racial, y muchos otros, con estas herramientas.



Según el tiempo que tengamos, veremos el modelo de segregación, y otras dinámicas sociales, como distribución de riqueza, etc. O pueden esperar al cuatrimestre que viene, y cursar la optativa que va a dar Nicolás Saintier.

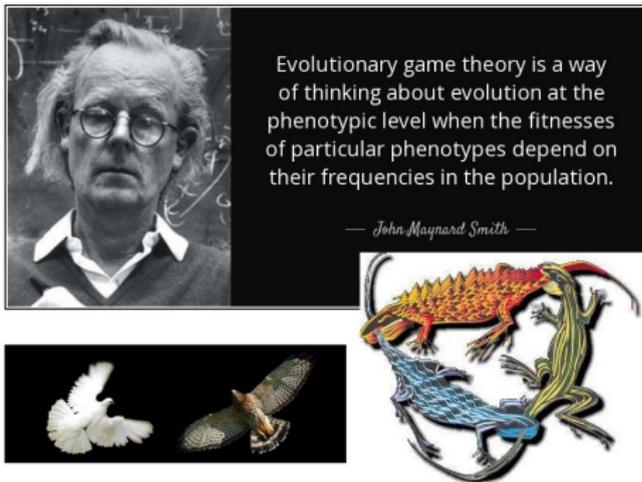
Sistemas complejos

Todos estos temas, clásicos en la teoría de juegos, tienen en común que le escapan a la solución analítica cerrada que puede conseguirse para pocos jugadores.



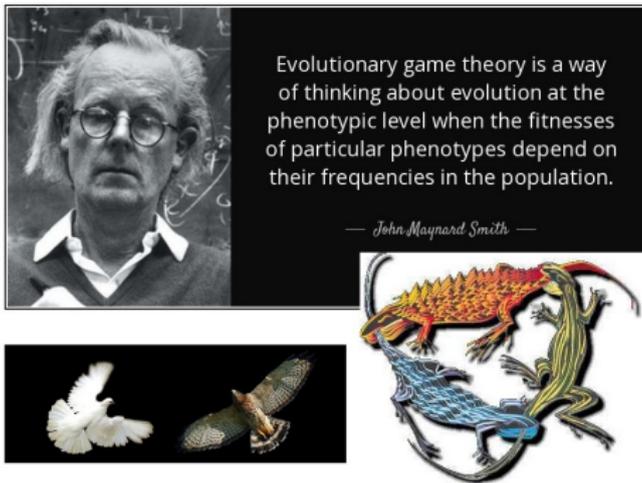
Cuando miles de jugadores se están moviendo a la vez, sin saber cuántos son, sin tener garantizada la racionalidad, se generan nuevos problemas. En estos modelos aparecen las ecuaciones diferenciales, para estudiar cómo evolucionan o se mueven las poblaciones de jugadores.

John Maynard Smith



Teoría de juegos y ecuaciones diferenciales: voy a contar un poco del choque de estos dos mundos. Vamos a deducir el sistema del replicador, definir equilibrios evolutivamente estables, y estudiar si una población converge a un Nash (o no).

John Maynard Smith



Teoría de juegos y ecuaciones diferenciales: voy a contar un poco del choque de estos dos mundos. Vamos a deducir el sistema del replicador, definir equilibrios evolutivamente estables, y estudiar si una población converge a un Nash (o no).

Es posible que nos adelantemos/retrasemos, pero me gustaría llegar a dar algo de juegos potenciales (ej: tráfico), y analizar el precio de la anarquía.

¿Qué pasa si el resultado del juego depende de que los jugadores formen coaliciones?

Por ejemplo, una asamblea de accionistas, o el congreso: si un grupo junta los votos puede imponer una decisión.

¿Qué pasa si el resultado del juego depende de que los jugadores formen coaliciones?

Por ejemplo, una asamblea de accionistas, o el congreso: si un grupo junta los votos puede imponer una decisión.

La pregunta ahora es cuánto poder tiene cada jugador.

¿Qué pasa si el resultado del juego depende de que los jugadores formen coaliciones?

Por ejemplo, una asamblea de accionistas, o el congreso: si un grupo junta los votos puede imponer una decisión.

La pregunta ahora es cuánto poder tiene cada jugador.

Es posible que nos retrasemos, pero me gustaría llegar a dar juegos potenciales (ej: tráfico), y analizar el precio de la anarquía.

Parte III

La materia es sólo humo?



De los juegos a la matemática

Se pueden plantear ciertos problemas teóricos como juegos: un teorema se puede decidir según qué jugador gana en determinado juego.

Hay ejemplos en lógica, topología, análisis funcional. Por ejemplo, el juego de Banach-Mazur, donde un jugador elige conjuntos abiertos cada uno incluido en el anterior, y el otro jugador elige un punto dentro del abierto; si la sucesión de puntos que eligió converge a un elemento de cierto subconjunto, gana. Este juego en espacios métricos es equivalente a las clases de Baire.

Otro: Gowers gana la medalla Fields en 1998 por probar cierta dicotomía para espacios de Banach, y lo hace construyendo un juego. Y en los últimos 15 años se estudiaron diferentes juegos que llevan a ecuaciones en derivadas parciales no lineales como el 1-, p - e ∞ -laplaciano, etc.

Podemos ver un ejemplo de cómo usar teoría de juegos para probar un resultado lindo:

Teorema (Cantor)

Los números reales no son numerables.

Demostración:

Demostración: Vamos a suponer que el intervalo $[0, 1]$ es numerable, es decir, existe $f : \mathbb{N} \rightarrow [0, 1]$ biyectiva.

Luego, vamos a definir un juego y vamos a ver que el 1er jugador siempre gana, pero que el 2do puede jugar de manera inteligente y forzar la victoria: una contradicción, porque sólo uno de los jugadores puede ganar.

Consideremos el siguiente juego de dos jugadores: Se fija un conjunto $S \subset [0, 1]$.

- 1.1.- I elige un número $x_1 \in [0, 1]$;
- 1.2.- II elige un número $y_1 \in (x_1, 1]$.
- ...
- j.1.- I elige $x_j \in (x_{j-1}, y_{j-1})$,
- j.2.- II elige $y_j \in (x_j, y_{j-1})$.

La sucesión $\{x_j\}_{j \geq 1}$ es monótona creciente y acotada, con lo cual tiene límite $x \in [0, 1]$. De hecho, $x \in (x_j, y_j)$ para todo j .

El jugador I gana si $x \in S$, de lo contrario pierde y gana II .

De los juegos a la matemática

Supongamos que $[0, 1] = \{q_k\}_{k \geq 1} = \{f(k)\}_{k \geq 1}$ es numerable, y que $S = [0, 1]$.

Como la sucesión $\{x_j\}_{j \geq 1}$ es monótona creciente y acotada, tenía límite $x \in [0, 1] = S$, así que el jugador I gana.

Pero el jugador II tiene una estrategia ganadora: en el turno j , va a elegir

$$y_j = q_n \text{ tal que } n = \min\{k \in \mathbb{N}, q_k \in (x_j, y_{j-1})\}.$$

- El límite es $x = q_i$ para algún i (f biyectiva).
- Pero en el turno i , II lo hubiese elegido si estaba disponible (y si no estaba disponible, quiere decir que $q_i < x_i$, ó $q_i > y_{i-1}$).
- Luego, $\{x_j\}_{j \geq 1}$ no puede converger a un $x \in S$, y gana II .

Conclusión: llegamos a un absurdo, porque los dos ganan, $[0, 1]$ no puede ser numerable.

Parte IV

Bibliografía / Temas de final

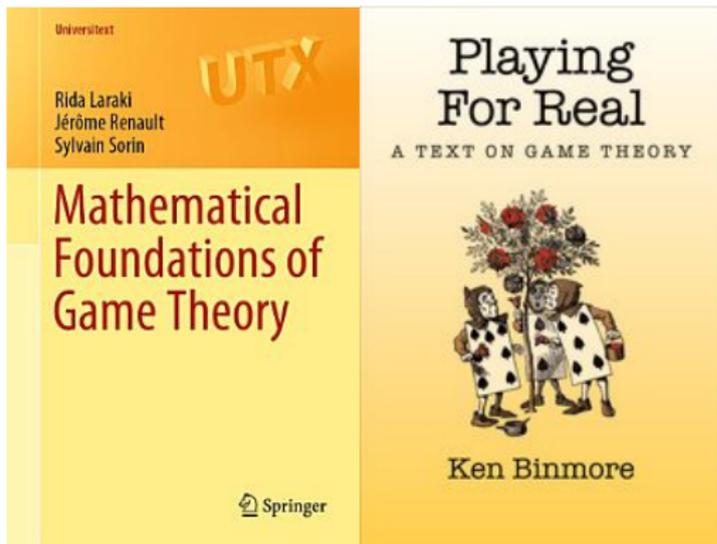
La práctica son los ejercicios del Ferguson (de las secciones que veamos solamente):

<https://mathweb.ucsd.edu/~fan/152/fergusonI.pdf>

<https://mathweb.ucsd.edu/~fan/152/fergusonII.pdf>

<https://mathweb.ucsd.edu/~fan/152/fergusonIII.pdf>

Hay muchos buenos libros de teoría de juegos, ese cubre lo básico de un curso.
Según sus intereses, pueden explorar otras opciones



Laraki, Renault, Sorin
Sólido, muy técnico, con todas
las demostraciones.

Binmore
Fun and games
Playing for real

Hofbauer and Sigmund,
Evolutionary game dynamics
Bulletin AMS 40 2003.



Algorithmic Game Theory

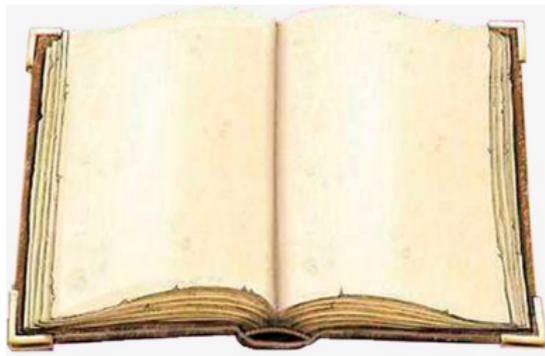
Edited by Noam Nisan, Tim Roughgarden,
Eva Tardos, and Vijay V. Vazirani

Foreword by Christos H. Papadimitriou

TWENTY LECTURES ON ALGORITHMIC GAME THEORY TIM ROUGHGARDEN

20 Lect AGT, clases en youtube
Diseño de mecanismos,
subastas, no regret, etc.

AGT
Todos los temas relevantes:
de complejidad, hasta evolutivos
Precio de la anarquía explicado
por los inventores del concepto
(Premio Godel de la ACM 2015)



Hay muchos artículos sueltos

Hay áreas con mucha actividad
(subastas, gaming)

Hay algunos libros de data y gaming
(diseño, métricas a mirar)

Muchas técnicas de juegos se
están usando en machine learning

No vi nada específico

Hacemos una pausa

y cuento un ejemplo de teoría de juegos aplicada a datos.

<https://christophm.github.io/interpretable-ml-book/shapley.html>

<https://shap.readthedocs.io/en/latest/overviews.html>