CÁLCULO AVANZADO 1er Cuatrimestre 2024

## **Actividad Inicial**

## **Instrucciones**

 Resolver detalladamente los dos ejercicios que están abajo, y entregarlos en clase el próximo viernes 22/3.

• Además, completar el formulario en el siguiente link:

https://forms.gle/o4uDbZGkP3GB9Hp16

- Esta entrega es anónima. Si no consiguen resolver alguna parte o todo un ejercicio, entreguen igual poniendo que no lo pudieron hacer, ya que esto también es información valiosa.
- La actividad tiene el objetivo de poder hacernos una idea de qué dificultades tienen y qué habilidades ya traen incorporadas de las materias anteriores, para poder planificar futuras actividades en consecuencia.

## **Ejercicio 1**

Sea  $f : \mathbb{N} \to \mathbb{N}$  una función y sea  $g : \mathbb{N} \to \mathbb{N}$  la función dada por  $g(n) = \min\{k \in \mathbb{N} : f(k) = f(n)\}$ . Demostrar que f es inyectiva si y sólo si g es sobreyectiva.

## Ejercicio 2

Sea  $f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  una función continua tal que la función  $g : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definida como g(x) = |f(x)| es uniformemente continua. Demostrar que f es uniformemente continua.