

Dados E y F espacios de sucesiones y dada una sucesión $\alpha = (\alpha(k))_{k \in \mathbb{N}}$, se define $T_\alpha \in \mathcal{L}({}^n E, F)$, el operador n -lineal diagonal asociado a α , como

$$T_\alpha(x_1, \dots, x_n) = \sum_{k \in \mathbb{N}} \alpha(k) \cdot x_1(k) \cdots x_n(k) \cdot e_k,$$

donde $x(k)$ denota la k -ésima coordenada de un elemento $x \in E$ y e_k el k -ésimo vector canónico.

Si \mathfrak{A} es un ideal de operadores n -lineales, definimos el espacio de sucesiones asociado a \mathfrak{A} como

$$\ell_n(\mathfrak{A}; E, F) = \{\alpha \in \ell_\infty : T_\alpha \in \mathfrak{A}({}^n E, F)\}.$$

Calcularemos dichos espacios para ciertos ideales de operadores n -lineales como los nucleares, integrales, r -dominados y continuos. Estudiaremos de manera general relaciones entre ideales de operadores n -lineales y sus respectivos espacios de sucesiones asociados. Por ejemplo, veremos que en ciertos casos un ideal de operadores n -lineales maximal se corresponde con un espacio de sucesiones maximal y que un ideal de operadores n -lineales minimal se corresponde con un espacio de sucesiones minimal. También veremos relaciones entre los espacios de sucesiones asociados a un ideal de operadores n -lineales \mathfrak{A} y su adjunto \mathfrak{A}^* .