

Título: La constante óptima en desigualdades de tipo Poincaré

Resumen: Durante la charla vamos a discutir dos técnicas para estudiar la constante óptima para desigualdades de tipo Poincaré en dominios acotados.

La primera de ellas fue utilizada por Payne y Weinberger para estudiar la desigualdad

$$\left(\int_{\Omega} |f(x)|^p dx \right)^{1/p} \leq C_1 \left(\int_{\Omega} |\nabla f(x)|^q dx \right)^{1/q} \quad (\text{P 1})$$

en dominios convexos con $q = p$, donde f es una función de integral cero. Específicamente, los autores mostraron que la constante óptima en (P 1) con $q = p = 2$ para este tipo de dominios es $\frac{1}{\pi} \text{diam}(\Omega)$. Posteriormente, Durán y Acosta utilizaron estas ideas para probar que la constante óptima para el caso $q = p = 1$ es $\frac{1}{2} \text{diam}(\Omega)$.

La segunda técnica fue desarrollada por Maz'ya para dominios arbitrarios y caracteriza la constante óptima de la siguiente desigualdad:

$$\left(\int_{\Omega} \int_{\Omega} |f(x) - f(y)|^p dx dy \right)^{1/p} \leq C_2 \left(\int_{\Omega} |\nabla f(x)|^q dx \right)^{1/q}, \quad (\text{P 2})$$

en el caso $q = 1$.