

**Probabilidad y Estadística (C)**  
**14 de febrero de 2020**

---

1. Dos personas deciden encontrarse entre las 12 y las 13 horas. Si cada persona llega independientemente de la otra a un horario distribuido uniformemente entre las 12 y las 13, calcular la probabilidad de que la primera persona en llegar deba esperar más de 10 minutos a la segunda.
2. Sean  $X, Y, Z$  variables aleatorias independientes, las tres distribuidas uniformemente en el intervalo  $[0, 1]$ . Determinar la probabilidad de que  $X$  sea mayor o igual que  $YZ$  y calcular la esperanza de  $X - YZ$ .
3. Sean  $X, Y$  variables aleatorias independientes tales que  $X \sim \text{Bi}(n, p)$  e  $Y \sim \text{Bi}(n, p)$ . Determinar la distribución de  $X + Y$ .
4. Sean  $X, Y$  variables aleatorias independientes tales que  $X \sim \Gamma(s, \lambda)$  e  $Y \sim \Gamma(t, \lambda)$ . Mostrar que  $X + Y \sim \Gamma(s + t, \lambda)$ .