

1. Sea $X \sim \mathcal{E}(\lambda)$ tal que $P(X < 2) = 0,4$ e $Y \sim \Gamma(2, 1)$, hallar:

- a) λ
- b) la mediana de X
- c) $P(X \geq 7 | X > 5)$
- d) $P(2 < Y < 4)$

2. Sea X una variable aleatoria continua con densidad:

$$f_X(x) = 3\lambda^3 x^2 e^{-(\lambda x)^3} I_{(0,+\infty)}(x)$$

- a) Hallar la función de densidad de $Y = X^3$. ¿A qué familia de distribuciones pertenece Y ?
- b) Determinar para qué valor de λ se cumple $E[-5X^3 + 20] = -20$
- c) Para $\lambda^3 = 2$ calcular $E[Y^5]$
Supongamos que la variable definida en el ítem a) representa el tiempo en miles de horas que dura un fusible, y que los fusibles se venden en cajas de 20 unidades.
- d) Hallar el valor del parámetro λ para que la probabilidad de que por lo menos un fusible de una caja funcione más de 2000 hs sea mayor o igual que 0.99.
- e) Sea $\lambda^3 = 2,5$. Hallar la probabilidad de tener que revisar 10 cajas hasta hallar dos en las cuales al menos un fusible funcione más de 2000 horas.

3. Sea X una variable aleatoria con función de densidad

$$f_X(x) = \frac{5e^{-5(\sqrt{x-2}-3)}}{2\sqrt{x-2}} I_{(11,+\infty)}(x)$$

Hallar la distribución de $Y = \sqrt{X-2} - 3$

4. Un comerciante vende ejes en cajones de 250 unidades, de las cuales 50 son producidas por la máquina 1 y tienen longitud X , y el resto son producidas por la máquina 2 y tienen longitud Y . Si X e Y son variables aleatorias continuas con funciones de densidad

$$f_X(x) = \begin{cases} 2(x-1) & \text{si } 1 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

$$f_Y(y) = \begin{cases} e^{-(y-1)} & \text{si } 1 \geq y \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

- a) Hallar la función de densidad de la variable aleatoria $Z =$ longitud de un eje elegido al azar de la caja
- b) Si se elige un eje al azar que mide más de 1.8, ¿Cuál es la probabilidad de que haya sido producido por la máquina 1?