

1. Supongamos que se tiene una distribución a priori  $\tau_0$  tal que el estimador de Bayes  $\delta_{\tau_0}$  tiene función de riesgo  $R(\delta_{\tau_0}, \theta)$  constante en  $\theta$ . Entonces  $\delta_{\tau_0}$  es un estimador minimax y  $\tau_0$  es la distribución menos favorable.
2. Sea  $X_1, \dots, X_n$  una muestra aleatoria de una distribución  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , con  $\sigma$  conocida. El estimador  $\hat{\mu} = \bar{X}$  es minimax.
3. Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  una muestra aleatoria cuya distribución pertenece a la familia  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , con  $\mu$  y  $\sigma$  desconocidos. Hallar intervalos de confianza para  $\mu$  y para  $\sigma$ .
4. Sea  $X_1, \dots, X_n$  una muestra aleatoria de una distribución con densidad  $f(x, \theta)$ . Supongamos que se cumplen las condiciones para que el estimador de máxima verosimilitud de  $\theta$  sea asintóticamente normal. Hallar un intervalo de confianza de nivel asintótico  $1 - \alpha$  para  $\theta$ .
5. Sea  $X_1, \dots, X_n$  una muestra aleatoria de una distribución  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , con  $\sigma$  conocida. Hallar el test de Neyman-Pearson para  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu = \mu_1$ , con  $\mu_0 < \mu_1$ . Deducir un test UMP  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$  y hallar su función de potencia.
6. Una familia exponencial es de CVM.
7. Sea  $X_1, \dots, X_n$  una muestra aleatoria de una distribución  $B(1, \theta)$ . Hallar el test UMP para  $H_0 : \theta = \theta_0$  vs  $H_1 : \theta > \theta_0$ .
8. Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  una muestra aleatoria cuya distribución pertenece a la familia  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , con  $\mu$  y  $\sigma$  desconocidos. Hallar el test del CMV para
  - a)  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ ,
  - b)  $H_0 : \sigma = \sigma_0$  vs  $H_1 : \sigma \neq \sigma_0$ .