

ELEMENTOS DE CÁLCULO NUMÉRICO (B) - Segundo cuatrimestre 2015

Práctica 1

Operaciones vectoriales (I)

1. Dados los vectores $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (-1, 3)$ y $\vec{w} = (-1, -2)$ calcular analítica y gráficamente las siguientes operaciones:

(a) $\vec{u} + \vec{v}$; $\vec{v} + \vec{w}$. (c) $3\vec{u} + 3\vec{v}$; $3(\vec{u} + \vec{v})$.
 (b) $(\vec{u} + \vec{v}) + \vec{w}$; $\vec{u} + (\vec{v} + \vec{w})$. (d) $\vec{u} - \vec{v}$.

2. Sea $\vec{w} = (1, 3) \in \mathbb{R}^2$. Graficar en el plano:

(a) $L = \{t \cdot \vec{w} : t \in \mathbb{R}\}$.
 (b) $L = \{t \cdot \vec{w} : t \in \mathbb{R}_{\geq 0}\}$.
 (c) $L = \{t \cdot \vec{w} : t \in \mathbb{R}, 0 \leq t \leq 1\}$.

3. Dados los vectores $\vec{u} = (0, 1, 2)$, $\vec{v} = (1, 1, 0)$ y $\vec{w} = (-1, 1, 1)$ calcular las operaciones:

(a) $\vec{u} + \vec{v}$. (d) $2\vec{u}$.
 (b) $\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$. (e) $-3\vec{w}$.
 (c) $\vec{u} - \vec{v}$. (f) $-\vec{v} + \frac{2}{3}\vec{w}$.

4. En el bioterio observamos que el día primero de julio había 322 ratas de cepa α , 148 de cepa β y 290 de cepa γ . Durante el mes de julio se produjeron 104 nacimientos de cepa α , 48 de cepa β y 110 de cepa γ . A su vez murieron 220 animales, repartidos ordenadamente en 79 de la primera cepa, 51 de la segunda y 90 de la última cepa. Calcular el vector PI de población inicial, el vector N_7 de natalidad durante julio, el vector M_7 de mortalidad durante el mismo mes y el vector PF de población final al terminar el mes.

5. Calcular analítica y gráficamente el punto medio entre $P = (1, 4)$ y $Q = (3, 2)$.

6. Dados los puntos $A = (1, 7, 3)$, $B = (-1, 3, 0)$ y $C = (3, -4, 11)$ determinar:

(a) los vectores $\overrightarrow{AB} = B - A$ y $\overrightarrow{BC} = C - B$.
 (b) el punto medio entre los puntos A y B .

7. Dados los vectores $\vec{v} = (1, -2, 2)$, $\vec{w} = (2, 0, 3)$ y $\vec{z} = (4, 4, 4)$ realizar las operaciones:

(a) $\vec{v} \cdot \vec{w}$; $\vec{w} \cdot \vec{v}$.
 (b) $(\vec{v} + \vec{w}) \cdot \vec{z}$; $(\vec{v} \cdot \vec{z}) + (\vec{w} \cdot \vec{z})$.
 (c) $(3\vec{v}) \cdot \vec{w}$; $3(\vec{v} \cdot \vec{w})$.
 (d) $\vec{v} \cdot \vec{v}$; $\vec{w} \cdot \vec{w}$.

8. Calcular el módulo (o norma) de los vectores de \mathbb{R}^2 y \mathbb{R}^3 según corresponda:

(a) $\vec{u} = (1, 2)$, $\vec{v} = (-1, -2)$, $\vec{w} = (-3, 4)$, $\vec{z} = (\frac{-3}{5}, \frac{4}{5})$.
 (b) $\vec{u} = (0, 1, 2)$, $\vec{v} = (-1, 1, 1)$, $\vec{w} = (0, 1, 2) + (-1, 1, 1)$.
 (c) $\vec{u} = (2, -1, 3)$, $\vec{v} = -2 \cdot (2, -1, 3)$, $\vec{w} = 2 \cdot (2, -1, 3)$.

9. Normalizar cada uno de los vectores del ejercicio anterior.
10. Determinar la distancia entre los siguientes pares de puntos:
- (a) $A = (1, -3)$; $B = (0, 0)$. (c) $C = (1, 2, 3)$; $D = (4, 1, -2)$.
(b) $A = (1, -3)$; $B = (4, 1)$. (d) $C = (4, -2, 6)$; $D = (3, -4, 4)$.
11. Determinar todos los valores de $k \in \mathbb{R}$ que verifican:
- (a) $\vec{v} = (4, k)$ y $\|\vec{v}\| = 5$.
(b) $\vec{v} = (1, k, 0)$ y $\|\vec{v}\| = 2$.
(c) $\vec{v} = k \cdot (2, 2, 1)$ y $\|\vec{v}\| = 1$.
(d) $A = (1, 1, 1)$, $B = (k, -k, 2)$ y $d(A, B) = 2$.
12. Sea $C = (1, 1) \in \mathbb{R}^2$. Graficar en el plano los siguientes conjuntos:
- (a) $S = \{A \in \mathbb{R}^2 : \|A\| = 1\}$. (c) $S = \{A \in \mathbb{R}^2 : \|A - C\| = 1\}$.
(b) $S = \{A \in \mathbb{R}^2 : \|A\| \leq 1\}$. (d) $S = \{A \in \mathbb{R}^2 : \|A - C\| \leq 1\}$.