Cronograma de Cálculo Avanzado Segundo Cuatrimestre 2010

Téóricas: Daniel Suárez (dsuarez@dm.uba.ar)

 $\label{lem:compact} Pr\'acticas: Rafael \ Grimson \ (rgrimson@dm.uba.ar), \ Martin \ Szyld \ (mszyld@gmail.com),$

Gabriel Carvajal (gcarvajal@gmail.com).

| Clases de los Lunes | Clases de los Miércoles |
|---|---|
| 16/8 | 18/8 Práctica 1 Presentación, bibliografía. Sucesiones, Límite superior, repaso de las construcciones de R . Negación de fórmulas cuantificadas. |
| 23/8 Convergencia absoluta. Producto y reordenamiento de series. Desarrollos en base d. R: único cuerpo arquimediano totalmente ordenado y completo. | 25/8 Práctica 2 Conjuntos ordenados. Cardinales y Ordinales. Equipotencia. Ejemplos: Números algebraicos y computables. |
| 30/8 Operaciones con cardinales. Propiedad de las sumas finitas. (Des)igualdad de cardinales: demostraciones constructivas y por álgebra de cardinales, axioma de elección. | 1/9 Lema de Zorn: aplicaciones y equivalencias. Hipótesis del continuo, independencias. |
| 6/9 Práctica 3 Espacios Métricos. Nociones Básicas. Ejemplos. Espacios de funciones. | 8/9 Completitud, métricas equivalentes. Distancia entre conjuntos. |
| 13/9 Ejercitación de espacios métricos, conjuntos G_{δ} y F_{σ} . | 15/9 Práctica 4 Continuidad, Funciones abiertas. Lema de Urysohn. Semicontinuidad. |
| 20/9 Separabilidad: espacios separables y no separables l^1, l^{∞}, l^p . | 22/9 Práctica 5 Completitud, encaje de intervalos. Completar un espacio métrico. |
| 27/9 Continuidad uniforme. Introducción del conjunto de Cantor. | 29/9 Conjuntos perfectos. Conjunto de Cantor, su medida y dimensión de Hausdorff. Compacidad, Heine-Borel, δ de Lebesgue. |
| 4/10 Compacidad y continuidad, conjuntos totalmente acotados, propiedad de la intersección finita | 6/10 Repaso |
| 11/10 Feriado | 13/10 Primer Parcial |
| 18/10 Práctica 6 Conexión y arcoconexión, componentes. | 20/10 Conjuntos nunca densos, teorema de Baire. |

Bibliografía:

- W.Rudin, Principles of Mathematical Analysis (hay traducción: Principios del Análisis Matemático). Para casi toda la materia.
- Elon Lages Lima, *Espaços Métricos*. Para toda la parte de espacios métricos.
- Kolmogorov, *Elementos de la teoría de funciones y del análisis funcional*. Para la parte de cardinalidad, espacios normados y otros temas sueltos.
- Birkhoff-McLane, *Algebra*. Para la parte de cardinalidad, en particular el álgebra de cardinales.
- Tom Apostol. *Mathematical analysis*. Temas varios.

| | T |
|--|--|
| Clases de los Lunes | Clases de los Miércoles |
| 25/10 Ejercitación sobre Baire. Práctica 7: Espacios normados y de Banach, operadores lineales, nociones de base. | 27/10 Censo Nacional |
| 1/11 Teorema de Weierstrass. Ejemplos: Polinomios de Bernstein, series de Fourier. Conjuntos convexos y lema de Riesz. | 3/11 Práctica 8 Convergencia uniforme. |
| 6/11 Convergencia uniforme; su relación con el paso al límite. Caso de las integrales. Teorema de Arzela-Ascoli. | 8/11 Convergencia uniforme, la derivada del límite. Teorema de Dini. |
| 15/11 Práctica 9 Teoremas de punto fijo. Funciones contractivas. Ecuaciones integrales y puntos fijos de operadores lineales. | 17/11 Práctica 10 Diferenciación. |
| 22/11 La diferencial. Teoremas de la función implícita y de la función inversa. | 24/11 Ejercitación. |
| 29/11 Repaso | 1/12 Segundo Parcial (Fin de cuatrimestre) |
| 6/12 Entrega de Notas | 8/12 Consultas |
| 13/12 Recuperatorio del Segundo Parcial | 15/12 |
| 20/12 Recuperatorio del Primer Parcial | 22/12 Entrega y Cierre de Notas |
| 27/12 | 29/12 |